Кафедра: Информационные технологии

**ПРОГРАММИРОВАНИЕ В MATLAB**

**Операторы MATLAB**

* **Операторы цикла**

**Цикл for**

**Синтаксис**

for count=start:step:final

команды MATLAB

end

**Описание**

count – переменная цикла,

start – ее начальное значение,

final – ее конечное значение,

step – шаг, на который увеличивается count при каждом следующем заходе в цикл

цикл заканчивается, как только значение count становится больше final.

**Пример**

Пусть требуется вывести семейство кривых для x€ [0, 2π], которое задано функцией, зависящей от параметра

y (x, a) = e-ax sin x,

для значений параметра а от -0.1 до 0.1. Ниже приведен листинг файл-программы для вывода семейства кривых.

**Листинг программы**

Figure

x = [0:pi/30:2\*pi];

for a = -0.1:0.02:0.1

y = exp (-a\*x).\*sin(x);

hold on

plot (x, y)

end

В результате выполнения программы появится графическое окно, которое содержит требуемое семейство кривых.

**Цикл while**

**Синтаксис**

while условие цикла

команды MATLAB

end

**Описание**

Цикл работает, пока выполняется (истинно) условие цикла. Для задания условия выполнения цикла допустимы следующие операции отношения:

|  |  |
| --- | --- |
| Обозначение | Операция отношения |
| == | Равенство |
| < | Меньше |
| <= | Меньше или равно |
| >= | Больше или равно |
| > | Больше |
| ~= | Не равно |

Задание более сложных условий производится с применением логических операторов. Логические операторы приведены в следующей таблице

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Оператор | Условие | Эквивалентная запись |
| Логическое «и» | x<3 и k=4 | (x<3) & (k==4) |
| Логическое «или» | x=1 или x=2 | (x==1) | (x==2) |
| Отрицание «не» | a≠1.9 | ~(a==1.9) |

**Пример**

**Операторы ветвления**

**Условный оператор if**

**Синтаксис**

if условие

команды MATLAB

end

**Описание**

Если условие верно, то выполняются команды MATLAB, размещенные между if и end, а если условие не верно, то происходит переход к командам, расположенных после end.

**Пример**

**Условный оператор elseif**

**Синтаксис**

if условие1

команды1

elseif условие2

команды2

………………………

elseif условиеn

командыn

else

команды

end

**Описание**

В зависимости от выполнения того или иного условия работает соответствующая ветвь программы, если все условия неверны, то выполняются команды, размещенные после else.

**Пример**

**Оператор switch**

**Синтаксис**

switch переменная

case значение1

команды1

case значение2

команды2

……………………

case значениеn

командыn

otherwise

команды

end

Каждая ветвь определяется оператором case, переход в нее выполняется тогда, когда переменная оператора switch принимает значение, указанное после case, или одно из значение из списка case. После выполнения какой-либо из ветвей происходит выход из switch, при этом значения, заданные в других case, уже не проверяются. Если подходящих значений для переменной не нашлось, то выполняется ветвь программы, соответствующая otherwise.

**Пример**

**Прерывания цикла. Исключительные ситуации.**

**Оператор break**

**Синтаксис**

break

Оператор break используется при организации циклических вычислений: for…end, while…end. При выполнении условия

if условие

break

end

оператор break заканчивает цикл (for или while) и происходит выполнение операторов, которые расположены в строках, следующих за end. В случае вложенных циклов break осуществляет выход из внутреннего цикла.

**Обработка исключительных ситуаций, оператор try…catch**

**Синтаксис**

try

операторы, выполнение которых

может привести к ошибке

catch

операторы, которые следует выполнить

при возникновении ошибки в блоке

между try и catch

end

**Описание**

Конструкция try…catch позволяет обойти исключительные ситуации (ошибки, приводящие к окончанию работы программы, например, обращение к несуществующему файлу) и предпринять некоторые действия в случае их возникновения.

**Пример**

**Сервисные функции**

**disp –** осуществляет вывод текста или значения переменной в командное окно

**input** – осуществляет запрос на ввод с клавиатуры. Используется при создании приложений с интерфейсом из командной строки.

**eval –** выполняет содержимое строки или строковой переменной, как команды MATLAB

**clear** – удаляет переменные рабочей среды.

**сlc** – производит очистку командного окна

Более подробную информацию об этих и других функциях можно узнать, выполнив в командной строке

**help имя\_функции**

**Задания на выполнение лабораторной работы**

Номер конкретного варианта задания определяется преподавателем.

**Задание №1**

Данное задание подразумевает нахождение для некоторой совокупности данных алгебраического интерполяционного многочлена степени n: *Pn(x)*.

Цель работы:

Необходимо составить программу вычисления коэффициентов алгебраического интерполяционного многочлена *Pn(x)=a0+a1x+ … +anxn*.

Методические указания:

Пусть, например, имеется следующая совокупность данных:

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| *i* | 0 | 1 | 2 | 3 |
| *хi* | 1,2 | 1,4 | 1,6 | 1,8 |
| *yi* | 8,3893 | 8,6251 | 8,9286 | 8,9703 |

Коэффициенты *a0, a1, …, an* определяются из решения системы уравнений:



Здесь *n – порядок интерполяционного многочлена,*

*n+1* – количество заданных пар точек (*x, y*),

*a0, a1,… an*– искомые коэффициенты многочлена *Pn(x)=a0+a1x+ … +anxn*).

Требования к программе

При выполнении данной работы необходимо:

* Задать границы отрезка **[x0, xn]**, на котором строится интерполяционный многочлен **P(x)**
* Задать **n** – количество отрезков интерполяции (или, что то же самое, степень многочлена)

Примечание: **x0**, **xn**, **n** вводятся с клавиатуры.

* Для получения исходных данных **(x, y)** (количество пар точек **(xi, yi)**, по которым строится интерполяционный многочлен **P(x)** – **n1=n+1**) предусмотреть:
	+ Ввод произвольно расположенных узлов **xi, i=0, n** с клавиатуры
	+ Расчет узлов **xi, i=0, n,** соответствующих равномерному расположению аргумента **x** на отрезке **[x0, xn]**
	+ В пп. 1,2 значения **yi, i=0, n** либо вводятся с клавиатуры (если исходная функция неизвестна), либо вычисляются по заданной функции **f(x)**. Выражение, определяющее функцию, вводится с клавиатуры и должно соответствовать правилам записи выражений в MATLAB
	+ Ввод данных (**xi,yi, i=0, n**) из файла
* Решить систему уравнений для определения коэффициентов многочлена P(x)
* Построить графики исходной таблично заданной функции и многочлена P(x)
* Если исходные данные заданы в виде функции f(x), построить график погрешности интерполяции /f(x) – P(x)/. Рассчитать максимальное по модулю значение погрешности интерполяции на заданном промежутке.

При выполнении последнего пункта на отрезке **[x0, xn]** взять не менее 500 точек для проведения расчетов

**Задание №2**

**Интерполяция сплайнами**

Цель работы:

Необходимо составить программу вычисления коэффициентов и построения сплайн-функции S(x), «склеенной» из кусков многочленов 3‑го порядка S*i(x),* которые имеют специальную форму записи:

,

функция S*i(x)* определена на отрезке [xi-1, xi],





Требования к программе

При выполнении данной работы необходимо:

* Задать границы отрезка [x0, xn], на котором строится сплайн-функция S(x)
* Задать n – количество отрезков интерполяции, на каждом из которых строится кубический многочлен Si(x).
* Примечание: x0, xn, n вводятся с клавиатуры.
* Организовать ввод исходных данных (x, y) (количество пар точек (xi, yi), по которым строится сплайн-функция S(x), n1=n+1), предусмотрев:
	+ Ввод произвольно расположенных узлов xi, i=0, n с клавиатуры
	+ Расчет узлов xi, i=0, n, соответствующих равномерному расположению аргумента x на отрезке [x0, xn]
	+ В пп. 1,2 значения yi, i=0, n либо вводятся с клавиатуры (если исходная функция неизвестна), либо вычисляются по заданной функции f(x). Выражение, определяющее функцию, вводится с клавиатуры и должно соответствовать правилам записи выражений в MATLAB
	+ Ввод данных (xi, yi, i=0, n) из файла
* Для краевых условий 1–3 рассчитать коэффициенты δi кубических сплайнов
	+ S1''(x0)=0, S3''(x3)=0
	+ S1'(x0)=f '(x0), S3'(x3)=f '(x3)
	+ S1''(x0)=f «(x0), S3''(x0)=f «(x3)
* Для определения коэффициентов естественного кубического сплайна (краевые условия 1) необходимо решить следующую систему уравнений:



Коэффициенты σ0 =0,σn =0

* Построить графики исходной функции и сплайн-функций для всех трех типов краевых условий.
* Построить графики функций погрешности сплайн-интерполяции f(x) – S(x) для всех трех типов краевых условий.
* Рассчитать максимальные по модулю значения погрешности интерполяции на заданном промежутке [x0, xn] для каждого вида сплайна.

Примечание:

В пакете MATLAB индексы одномерных и двумерных массивов начинаются с 1, а не с 0. Учесть это при составлении программы.

**Задание №3**

**Аппроксимация функции методом наименьших квадратов (МНК).**

Данное задание подразумевает нахождение для некоторой совокупности данных аппроксимирующей функции (многочлена степени m), построенной методом наименьших квадратов (МНК).

Цель работы:

Необходимо составить программу нахождения коэффициентов многочлена φ*(x)=a0+a1\*x+… an \*xm* методом наименьших квадратов.

Рекомендации по выполнению работы:

Пусть, например, имеется следующая совокупность данных:

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *хi* | 1,2 | 1,4 | 1,6 | 1,8 | 2,0 | 2,2 | 2,4 | 2,6 | 2,8 | 3,0 |
| *yi* | 8,3893 | 8,6251 | 8,9286 | 8,9703 | 9,1731 | 9,1784 | 8,8424 | 8,7145 | 8,3077 | 7,9611 |

Поиск необходимых коэффициентов осуществляется следующим образом:



где ***n***– количество точек (*x, y*),

***m*** – степень искомого многочлена,

***a0, a1, …, am*** – искомые коэффициенты (**φ*(x)=a0+a1x+ … +amxm***).

Требования к программе

При выполнении данной работы необходимо:

* Задать границы отрезка [x1, xn], на котором строится аппроксимирующая функция φ(x)=a0+a1\*x+… an \* xm
* Задать m – степень многочлена
* Примечание: x1, xn, m вводятся с клавиатуры.
* Для получения исходных данных (x, y), по которым строится аппроксимирующая функция φ(x)=a0+a1\*x+… an\* xm предусмотреть:
	+ Ввод произвольно расположенных узлов xi, i=1, n с клавиатуры
	+ Расчет узлов xi, i=1, n, соответствующих равномерному расположению аргумента x на отрезке [x1, xn]
	+ В пп. 1,2 значения yi, i=1, n либо вводятся с клавиатуры (если исходная функция неизвестна), либо вычисляются по заданной функции f(x). Выражение, определяющее функцию, вводится с клавиатуры и должно соответствовать правилам записи выражений в MATLAB
	+ Ввод данных (xi, yi, i=1, n) из файла
* Решить систему уравнений для определения коэффициентов многочлена φ(x)
* Построить графики исходной таблично заданной функции и многочлена φ(x)
* Если исходные данные заданы в виде функции f(x), построить график погрешности интерполяции /f(x) – φ(x)/. Рассчитать максимальное по модулю значение погрешности интерполяции на заданном промежутке.

При выполнении последнего пункта на отрезке **[x1, xn]** взять не менее 500 точек для проведения расчетов

**Требования к оформлению лабораторной работы**

Отчет должен содержать:

1. Постановку задачи
2. Текст программы
3. Результаты тестирования

Примечание тексты программ должны быть снабжены комментариями.

**Список литературы**

1. Ануфриев И.Е. Самоучитель Matlab 5.3/6.x – СПб.: БХВ-Петербург, 2003. – 736 с.: ил.
2. В.П. Дьяконов MATLAB 6.5 SPI/7 + Simulink 5/6 в математике и моделировании. Серия «Библиотека профессионала». – М.: СОЛОН-Пресс, 2005. – 576 с.: ил.
3. Ануфриев И.Е., Смирнов А.Б., Смирнова Е.Н. MathLab 7. – СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 1104 с.: ил.